



УДК 519.716

## О двух изоморфных интервалах в решетке ультраклонов ранга 2\*

С. Ю. Халтанова

*Восточно-Сибирская государственная академия образования*

**Аннотация.** Рассматриваются мультифункции, заданные на двухэлементном множестве, и специальным образом определенная суперпозиция таких функций. Множество всех мультифункций содержит в себе множество булевых функций, множество частичных функций и множество гиперфункций. Обычным образом определяются клоны мультифункций. Интервалом  $I(A, B)$  называется частично упорядоченное по включению множество всех клонов, содержащих клон  $A$  и являющихся подмножествами клона  $B$ .

В статье описывается фрагмент интервала решетки клонов мультифункций, содержащих все мультифункции, сохраняющие 0 и 1. При этом, если мультифункция сохраняет 0 и 1, то она ни на одном наборе не возвращает пустое множество. Известно, что если рассматривать только частичные булевы функции, то весь интервал содержит 45 клонов.

В работе показано, что рассматриваемый фрагмент содержит 12 клонов и для него в решетке клонов частичных функций имеется изоморфный интервал.

**Ключевые слова:** клон, суперпозиция, интервал, булевы функции, гиперфункции, частичные функции, мультифункции.

### Введение

В теории функциональных систем, как правило, рассматриваются функции вместе с некоторым образом определенной операцией суперпозиции. Естественным является вопрос описания решетки всех замкнутых относительно заданной суперпозиции множеств функций. Решетка таких множеств для булевых функций (функций алгебры логики) полностью описана в [8]. В общем случае такая задача является достаточно сложной и к настоящему времени она не решена полностью для широкого класса дискретных функций, в том числе для функций  $k$ -значной логики, для частичных, гипер- и мультифункций.

---

\* Работа выполнена при поддержке РФФИ: проект № 13-01-00621.

Сложность полного решения задачи вызывает необходимость описания различных интервалов в решетках функций. С описанием различных интервалов решеток дискретных функций можно ознакомиться в работах [1; 2; 5; 6; 7].

В настоящей работе описываются два изоморфных интервала в решетке ультраклонов [3; 4] мультифункций, определенных на двухэлементном множестве.

## 1. Основные понятия и определения

Пусть  $E = \{0, 1\}$ ,  $E' = \{0, 1, \emptyset\}$ ,  $F = \{0, 1, \{0, 1\}\}$ ,  $F' = \{0, 1, \emptyset, \{0, 1\}\}$ . Функции  $f : E^n \rightarrow E$  называются булевыми функциями; функции  $f : E^n \rightarrow E'$  — частичными функциями; функции  $f : E^n \rightarrow F$  — гиперфункциями; функции  $f : E^n \rightarrow F'$  — мультифункциями.

Через  $P^2$  обозначим множество всех булевых функций, через  $P^*$  — множество частичных функций, через  $P^{\sim}$  — множество гиперфункций, через  $P^{\tilde{*}}$  — множество мультифункций.

Функция  $f(x_1, \dots, x_n) : f(\alpha_1, \dots, \alpha_n) = \{\alpha_i\}$  называется селекторной.

Для функций будем использовать запись как в виде вектора-строки, так и в виде вектора-столбца значений функции на всех наборах, расположенных в натуральном порядке.

Суперпозиция мультифункций  $f(f_1(x_1, \dots, x_m), \dots, f_n(x_1, \dots, x_m))$  определяет мультифункцию  $g(x_1, \dots, x_m)$  следующим образом [4]:

$$g(\alpha_1, \dots, \alpha_m) = \begin{cases} \bigcap_{\beta_i \in f_i(\alpha_1, \dots, \alpha_m)} f(\beta_1, \dots, \beta_n), & \text{если это пересечение не пусто;} \\ \bigcup_{\beta_i \in f_i(\alpha_1, \dots, \alpha_m)} f(\beta_1, \dots, \beta_n), & \text{иначе.} \end{cases}$$

Частичный ультраклон — множество мультифункций, замкнутое относительно суперпозиции и содержащее все селекторные функции.

Частичные ультраклоны ниже будем называть просто клонами. Наименьший клон, содержащий множество  $A$ , будем обозначать через  $[A]$ .

Интервалом  $I(A, B)$  называется частично упорядоченное по включению множество всех клонов, содержащих клон  $A$  и являющихся подмножествами клона  $B$ .

Пусть  $K$  — клон,  $K_1$  — его подклон, тогда  $K_1$  называется максимальным подклоном в  $K$  тогда и только тогда, когда  $[K_1 \cup \{f\}] = K$  для любой  $f \in K \setminus K_1$ .

В дальнейшем будем использовать кодировку:  $\{0\} \leftrightarrow 0$ ,  $\{1\} \leftrightarrow 1$ ,  $\{0, 1\} \leftrightarrow \sim$ ,  $\emptyset \leftrightarrow *$ .

Пусть  $t \in \{2, \sim\}$ ,  $k \in \{*, \tilde{*}\}$ . Определим следующие множества:  $T_{01}^t = \{f \in P^t \mid f(0, \dots, 0) = 0, f(1, \dots, 1) = 1\}$ ,

$$\begin{aligned}
T_{0,*}^k &= \{f \in P^k \mid f(0, \dots, 0) = *\}, \quad T_{1,*}^k = \{f \in P^k \mid f(1, \dots, 1) = *\}, \\
T_{01,*1}^k &= \{f \in P^k \mid f(0, \dots, 0) = *, f(1, \dots, 1) = 1\}, \\
T_{01,0*}^t &= \{f \in P^k \mid f(0, \dots, 0) = 0, f(1, \dots, 1) = *\}, \\
T_{01,**}^k &= \{f \in P^k \mid f(0, \dots, 0) = *, f(1, \dots, 1) = *\}.
\end{aligned}$$

Очевидно, что множество  $T_{01}^t$  является клоном, а остальные множества замкнуты относительно суперпозиции.

## 2. Вспомогательные леммы

Для  $\alpha \in F'$  определим  $\bar{\alpha}$ :  $\bar{0} = 1$ ,  $\bar{1} = 0$ ,  $\bar{*} = *$ ,  $\bar{\sim} = \sim$ .

Для набора  $\mathbf{a} = \alpha_1, \dots, \alpha_n \in (F')^n$  набор  $\mathbf{a}^\nabla = \bar{\alpha}_1, \dots, \bar{\alpha}_n$  назовем двойственным.

Функция  $f^\nabla$  называется двойственной к функции  $f(x_1, \dots, x_n)$ , если  $f^\nabla(\mathbf{a}) = \bar{f}(\mathbf{a}^\nabla)$  для любого набора  $\mathbf{a}$ .

Индукцией определим понятие двойственного термина  $\Phi^\nabla$  к терму  $\Phi$  следующим образом: если терм — переменная  $x$ , то  $x^\nabla = \bar{x}$ ; если  $\Phi = f(x_1, \dots, x_n)$ , то  $\Phi^\nabla = f^\nabla(x_1, \dots, x_n)$ ; если  $\Phi = f(\Phi_1, \dots, \Phi_n)$ , то  $\Phi^\nabla = f^\nabla(\Phi_1^\nabla, \dots, \Phi_n^\nabla)$ .

Индукцией по глубине термина легко показать, что выполняется *принцип двойственности*: если функция  $f(x_1, \dots, x_n)$  представима термом  $\Phi$ , то двойственная ей функция  $f^\nabla(x_1, \dots, x_n)$  представима термом  $\Phi^\nabla$ .

**Следствие 1.** Если  $A$  — клон, то  $A^\nabla = \{f^\nabla \mid f \in A\}$  — клон.

Клон  $A^\nabla$  называется двойственным к клону  $A$ .

**Следствие 2.** Если  $A, B$  — клоны,  $A$  максимальный клон в  $B$ , то  $A^\nabla$  максимальный клон в  $B^\nabla$ .

**Лемма 1.** Следующие множества функций являются клонами

- 1)  $T_{01}^\sim \cup C$  для любого  $C \in \{T_{0,*}^\sim, T_{01,*1}^\sim, T_{01,**}^\sim\}$ ;
- 2)  $T_{01}^\sim \cup A \cup B$  при  $A \in \{T_{01,0*}^\sim, T_{1,*}^\sim\}$ ,  $B \in \{T_{0,*}^\sim, T_{01,**}^\sim\}$ ;
- 3)  $T_{01}^\sim \cup T_{01,0*}^\sim \cup T_{01,*1}^\sim \cup T_{01,**}^\sim$ .

*Доказательство.* 1) Пусть функция  $g(x_1, \dots, x_m)$  является суперпозицией  $f(f_1(x_1, \dots, x_m), \dots, f_n(x_1, \dots, x_m))$ , где  $f, f_1, \dots, f_n$  принадлежат множеству  $T_{01}^\sim \cup C$ . Покажем, что  $g \in T_{01}^\sim \cup C$ .

Если функции  $f, f_1, \dots, f_n$  принадлежат  $T_{01}^\sim$ , то  $g \in T_{01}^\sim$ . Если же они принадлежат  $C$ , то и  $g \in C$ .

Теперь рассмотрим случаи, когда  $f \in T_{01}^{\sim}$  и хотя бы одна  $f_i \in C$  или  $f \in C$  и хотя бы одна  $f_i \in T_{01}^{\sim}$ .

В обоих случаях получим  $g \in C$ , так как  $g(0, \dots, 0) = *$ ,

$$g(1, \dots, 1) = \begin{cases} 1, & \text{если } C = T_{01, *1}^*; \\ *, & \text{если } C = T_{01, **}^*; \\ \delta \in \{0, 1, *\}, & \text{если } C = T_{0, **}^*, \end{cases}$$

а на остальных наборах значение функции  $g$  может быть произвольным.

Остальные утверждения доказываются аналогичным образом.  $\square$

**Лемма 2.** Если  $f \in T_{0, *}^{\sim} \setminus (T_{01, *1}^{\sim} \cup T_{01, **}^{\sim})$ , то  $[T_{01}^{\sim} \cup \{f\}] = T_{01}^{\sim} \cup T_{0, *}^{\sim}$ .

*Доказательство.* Покажем справедливость включения

$$T_{01}^{\sim} \cup T_{0, *}^{\sim} \subseteq [T_{01}^{\sim} \cup \{f\}].$$

Отождествлением переменных из функции  $f$  можно получить одно-местную функцию  $(*0)$  или  $(* \sim)$ .

Вторая функция позволяет получить первую:

$$\begin{array}{ccc} 0 & \begin{pmatrix} * & 0 \\ \sim & 0 \\ * & 0 \\ \sim & 1 \end{pmatrix} & \begin{matrix} * & * \\ 0 & 0 \\ * & * \\ \sim & \sim \end{matrix} \\ & & \begin{matrix} * & 0 \\ \sim & 1 \end{matrix} \\ & & = * \\ & & 0 \end{array}$$

Пусть  $g(x_1, \dots, x_m) \in T_{0, *}^{\sim}$  и на наборах  $\tilde{\gamma}_1, \dots, \tilde{\gamma}_t$  значение функции равно  $*$ .

Имея функцию  $(*0)$  и множество  $T_{01}^{\sim}$ , можно получить такую функцию  $h(x_1, \dots, x_n)$ , что на наборах  $\tilde{\gamma}_1, \dots, \tilde{\gamma}_t$  ее значение равно  $*$ , а на остальных наборах она принимает значение  $0$ .

Рассмотрим функцию  $u(y, x_1, \dots, x_n)$  из множества  $T_{01}^{\sim}$  такую, что  $u(1, \dots, 1) = 1$ ;

$$u(0, \alpha_1, \dots, \alpha_n) = \begin{cases} g(\alpha_1, \dots, \alpha_n), & \text{если } g(\alpha_1, \dots, \alpha_n) \neq *; \\ 0 & \text{иначе.} \end{cases}$$

Тогда  $g(x_1, \dots, x_n) = u(h(x_1, \dots, x_n), x_1, \dots, x_n)$ .

Обратное включение очевидно.  $\square$

Применяя принцип двойственности, получаем

**Лемма 3.** Если  $f \in T_{1, *}^{\sim} \setminus (T_{01, 0*}^{\sim} \cup T_{01, **}^{\sim})$ , то  $[T_{01}^{\sim} \cup \{f\}] = T_{01}^{\sim} \cup T_{1, *}^{\sim}$ .

**Лемма 4.** Если  $f \in T_{01, *1}^{\sim}$ , то  $[T_{01}^{\sim} \cup \{f\}] = T_{01}^{\sim} \cup T_{01, *1}^{\sim}$ .

*Доказательство.* Справедливость равенства в одну сторону очевидна, а в другую показывается аналогично доказательству леммы 3.  $\square$

Используя принцип двойственности, получаем

**Лемма 5.** Если  $f \in T_{01,0*}^*$ , то  $[T_{01}^{\sim} \cup \{f\}] = T_{01}^{\sim} \cup T_{01,0*}^*$ .

**Лемма 6.** Пусть  $f \in T_{01,**}^*$ , тогда  $(*1**)$   $\in [T_{01}^{\sim} \cup \{f\}]$ .

*Доказательство.* Так как  $f \in T_{01,**}^*$ , то для функции  $f$  выполняется  $f(0, \dots, 0) = *$ ,  $f(1, \dots, 1) = *$  и существует такой набор  $(\alpha_1, \dots, \alpha_n)$ , что  $f(\alpha_1, \dots, \alpha_n) \neq *$ . Выберем набор  $(\beta_1, \dots, \beta_n)$  такой, что набор  $(0\alpha_i\beta_i1) \in \{(0011), (0101)\}$  для любого  $i \in \{1, \dots, n\}$  и в функцию  $f$  вместо переменной  $x_i$  подставим  $(0\alpha_i\beta_i1)$ . Получим функцию  $g(x, y) = (*\gamma\delta*)$ , где  $\gamma \in \{0, 1, \sim\}$ ,  $\delta \in \{0, 1, \sim, *\}$ . Пусть  $g_1 = (0011)$ ,  $g_2 = (0111)$ ,  $g_3 = (*\gamma**)$ , тогда при любых  $\gamma, \delta$  имеем  $g(g_1, g_2) = g_3$  и суперпозиция  $g_2(g_3, g_2)$  определяет функцию  $(*1**)$ .  $\square$

**Лемма 7.** Пусть  $f = (*1**)$ , тогда  $[T_{01}^2 \cup \{f\}] = T_{01}^2 \cup T_{01,**}^*$ .

*Доказательство.* Справедливость утверждения показывается по аналогии с леммой 3.  $\square$

### 3. Основной результат

Пусть  $P_*$  — множество мультифункций, которые на всех наборах принимают значение  $*$ , тогда очевидной является следующая лемма.

**Лемма 8.** Если  $A$  — клон в  $P_*$ , то  $A \cup P_*$  — клон.

**Замечание 1.** С учетом леммы 8 будем рассматривать только такие клоны, которые содержат множество  $P_*$ .

**Теорема 1** ([5]). Интервал  $I(T_{01}^2, T_{01}^2 \cup T_{1,*}^* \cup T_{0,*}^*)$  содержит 12 клонов, и они вложены друг в друга так, как показано на рисунке 1.

**Теорема 2.** Интервал  $I(T_{01}^2, T_{01}^2 \cup T_{1,*}^* \cup T_{0,*}^*)$  изоморфен интервалу  $I(T_{01}^{\sim}, T_{01}^{\sim} \cup T_{1,*}^{\sim} \cup T_{0,*}^{\sim})$ .

*Доказательство.* Введем обозначения: для  $\alpha \in \{1, *\}$  и произвольного множества функций  $M$  положим

$$\alpha \cdot M = \{\alpha \cdot f \mid f \in M\},$$

где  $\alpha \cdot f$  — это суперпозиция  $\cdot(\alpha, f)$ .

Тогда произвольный клон  $K$  из интервала  $I(T_{01}^2, T_{01}^2 \cup T_{1,*}^* \cup T_{0,*}^*)$  можно представить как

$$K = T_{01}^2 \cup \alpha_1 \cdot T_{01,**}^* \cup \alpha_2 \cdot T_{01,*1}^* \cup \alpha_3 \cdot T_{01,*1t}^* \cup \alpha_4 \cdot T_{0*}^* \cup \alpha_5 \cdot T_{1,*}^*.$$

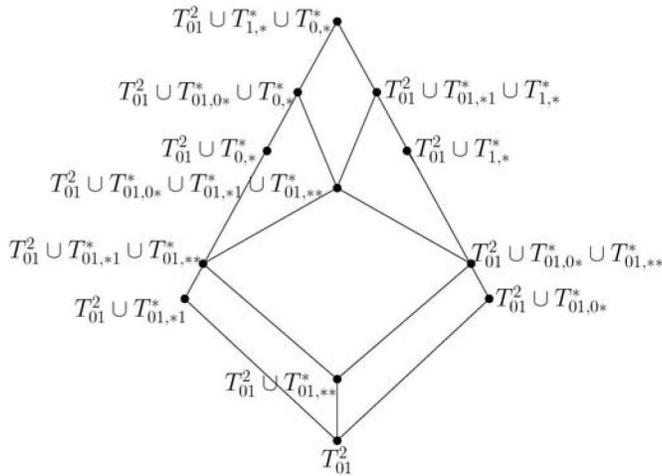


Рис. 1. Интервал  $I(T_{01}^2, T_{01}^2 \cup T_{0*}^* \cup T_{1*}^*)$

Отображение  $\varphi$ , которое ставит в соответствие клону  $K$  клон  $\tilde{K}$

$$\tilde{K} = T_{01}^{\sim} \cup \alpha_1 \cdot T_{01,**}^{\sim} \cup \alpha_2 \cdot T_{01,*1}^{\sim} \cup \alpha_3 \cdot T_{01,*1t}^{\sim} \cup \alpha_4 \cdot T_{0*}^{\sim} \cup \alpha_5 \cdot T_{1,*}^{\sim},$$

удовлетворяет следующим условиям:

- 1)  $\varphi$  является взаимно-однозначным отображением;
- 2)  $K_1 \subseteq K_2 \Leftrightarrow \tilde{K}_1 \subseteq \tilde{K}_2$ .
- 3)  $\varphi$  является отображением «на»;

Первое и второе утверждения очевидны.

Пусть есть некоторый клон  $K'$  из интервала  $I(T_{01}^{\sim}, T_{01}^{\sim} \cup T_{0*}^{\sim} \cup T_{1*}^{\sim})$ .

Введем следующие обозначения:  $A_1 = T_{01,*1}^{\sim}$ ,  $A_2 = T_{01,**}^{\sim}$ ,  $A_3 = T_{01,0*}^{\sim}$ ,

$$A_4 = T_{0,*}^{\sim} \setminus (A_1 \cup A_2), \quad A_5 = T_{1,*}^{\sim} \setminus (A_2 \cup A_3).$$

Если найдется  $f \in K' \setminus T_{01}^{\sim}$ , то  $f$  принадлежит одному из  $A_i$ .

Рассмотрим все возможные случаи:

- $f \in A_1$ , тогда по лемме 4 получаем, что  $A_1 \subseteq K'$ ;
- $f \in A_2$ , по леммам 6 и 7  $A_2 \subseteq K'$ ;
- $f \in A_3$ , по лемме 5  $A_3 \subseteq K'$ ;
- $f \in A_4$ , по лемме 2  $T_{0,*}^{\sim} \subseteq K'$ , следовательно,  $A_1, A_2, A_4 \subseteq K'$ ;
- $f \in A_5$ , по лемме 3  $T_{1,*}^{\sim} \subseteq K'$ , следовательно,  $A_2, A_3, A_5 \subseteq K'$ .

Таким образом, каждое из множеств  $A_i$  входит целиком в  $K'$  или имеет с ним пустое пересечение.

Несложно показать, что если существуют одновременно две функции  $f_1 \in A_1, f_2 \in A_3$ , то  $A_2 \subseteq K'$ .

В результате получаются следующие возможные комбинации множеств  $A_i$ , входящих в  $K'$  (0 в  $i$ -м столбце означает то, что множество

$A_i$  не содержится в клоне  $K'$ , 1 — содержится):

$A_1$	$A_2$	$A_3$	$A_4$	$A_5$	Клон $K'$
0	0	0	0	0	$T_{01}^{\sim}$
1	0	0	0	0	$T_{01}^{\sim} \cup T_{01,*1}^*$
0	1	0	0	0	$T_{01}^{\sim} \cup T_{01,**}^*$
0	0	1	0	0	$T_{01}^{\sim} \cup T_{01,0*}^*$
1	1	0	0	0	$T_{01}^{\sim} \cup T_{01,*1}^* \cup T_{01,**}^*$
0	1	1	0	0	$T_{01}^{\sim} \cup T_{01,**}^* \cup T_{01,0*}^*$
1	1	1	0	0	$T_{01}^{\sim} \cup T_{01,*1}^* \cup T_{01,**}^* \cup T_{01,0*}^*$
1	1	0	1	0	$T_{01}^{\sim} \cup T_{0,*}^*$
1	1	1	1	0	$T_{01}^{\sim} \cup T_{0,*}^* \cup T_{01,0*}^*$
0	1	1	0	1	$T_{01}^{\sim} \cup T_{1,*}^*$
1	1	1	0	1	$T_{01}^{\sim} \cup T_{1,*}^* \cup T_{01,*1}^*$
1	1	1	1	1	$T_{01}^{\sim} \cup T_{0,*}^* \cup T_{1,*}^*$

Все возможные комбинации дают 12 клонов, изоморфных клонам из интервала  $I(T_{01}^2, T_{01}^2 \cup T_{1,*}^* \cup T_{0,*}^*)$ .  $\square$

### Список литературы

1. Алексеев В. Б. О некоторых замкнутых классах в частичной двузначной логике / В. Б. Алексеев, А. А. Вороненко // Дискрет. математика. — 1994. — Т. 6, вып. 4. — С. 58–79.
2. Жук Д. Структура замкнутых классов в предполном классе самодвойственных функций трехзначной логики // Докл. Рос. акад. наук. — 2011. — Т. 437, № 6. — С. 738–742.
3. Пантелеев В. И. Критерий полноты для доопределяемых булевых функций / В. И. Пантелеев // Вестн. Самар. гос. ун-та. Естественнонауч. сер. — 2009. — № 2 (68). — С. 60–79.
4. Пантелеев В. И. О двух максимальных мультиклонах и частичных ультраклонах / В. И. Пантелеев // Изв. Иркут. гос. ун-та. Сер. Математика. — 2012. — Т. 5, № 4. — С. 46–53.
5. Lau D. Function algebras on finite sets. A basic course on many-valued logic and clone theory / D. Lau. — Berlin : Springer-Verlag, 2006. — 668 p.
6. Doroslovački R., Pantović J., Vojvodić G. One interval in the lattice of partial hyperclones // Czechoslovak Mathematical Journal. — 2005. — N 55(130). — P. 719–724.
7. Pantovic J., Vojvodic G. On the partial hyperclone lattice // Proceedings of 35th IEEE International Symposium on Multiple-Valued Logic (ISMVL 2005). — 2005. — P. 96–100.
8. Post E. L. Two-valued iterative systems of mathematical logic / E. L. Post // Annals of Math. Studies. — Princeton : Univ. Press, 1941. — Vol. 5. — 122 p.

**Халтанова Соёлма Юрьевна**, аспирант, Восточно-Сибирская государственная академия образования, 664011, г. Иркутск, ул. Н. Набережная, 6, тел.: (3952)200567 (e-mail: soelabad@mail.ru)

---

**S. Haltanova**

## On Two Isomorphic Intervals in the Lattice of Ultraclones on Two-Elements Set

**Abstract.** This paper considers multifunctions on two-elements set with superposition defined in a special way. Set of all multifunctions contains set of Boolean functions, set of partial functions and set of hyperfunctions. Clone of multifunctions is a set closed under superposition. Interval  $I(A, B)$  is a partially ordered by inclusion set of all subclones of  $B$  containing  $A$ .

This paper describes a fragment of an interval in the lattice of clones containing all multifunctions preserving 0 and 1 (if particular function simultaneously preserves 0 and 1 then it cannot have an empty set as a value on any input). It is known that interval of partial Boolean functions preserving 0 and 1 consists of 45 clones.

This paper shows that considered interval contains 12 clones and has an isomorphic interval in the lattice of clones of partial functions.

**Keywords:** clone, superposition, Boolean functions, partial functions, hyperfunctions, multifunctions.

## References

1. Alekseev V.B. On Some Closed Sets in Partial Two-Valued Logic. *Diskretnaya matematika*, 1994, vol. 6, no. 4, pp. 58-79.
2. Zhuk D. A Structure of Closed Sets in a Maximal Set of Self-Dual Functions of Three-Valued Logic. *Dokl. Ros. Akad. Nauk*, 2011, vol. 437, no. 6, pp. 738-742.
3. Panteleyev V.I. Completeness Criterion for Incompletely Defined Boolean Functions. *Vestnik Samar. Gos. Univ. Est.-Naush. Ser.*, 2009, vol. 2, no. 68, pp. 60-79.
4. Panteleyev V.I. On Two Maximal Multiclones and Partial Ultraclones. *Izvestiya Irk. Gos. Univ. Ser. Matematika*, 2012, vol. 5, no. 4, pp. 46-53.
5. Lau D. Function Algebras on Finite Sets. A Basic Course on Many-Valued Logic and Clone Theory. Berlin, Springer-Verlag, 2006. 668 p.
6. Doroslovački R., Pantović J., Vojvodić G. One Interval in the Lattice of Partial Hyperclones. *Czechoslovak Mathematical Journal*, 2005, no. 55(130), pp. 719-724.
7. Pantovic J., Vojvodic G. On the Partial Hyperclone lattice. *Proceedings of 35th IEEE International Symposium on Multiple-Valued Logic [ISMVL 2005]*, 2005, pp. 96-100.
8. Post E. L. Two-valued iterative systems of mathematical logic. *Annals of Math. Studies*, Princeton, Univ. Press, 1941, vol. 5. 122 p.

**Haltanova Soelma**, Postgraduate, East Siberian State Academy of Education, 6, N. Naberezhnaya st., Irkutsk, 664011, tel.: (3952) 200567 (e-mail: soelabad@mail.ru)